# ニュートリノ崩壊光子検出器較正用の 光学系設計方法の検討

福井大工 <u>若林凜</u>, 浅胡武志, 竹下勉, 浦川雅生, 大竹祥太朗, 吉田拓生, 福井大遠赤センター 古屋岳 中部大工 岡島茂樹, 中山和也

2020年度 TCHoU workshop 素粒子構造研究部門パラレルセッション 日時:2021 年3月23 日(火)14:00~15:35 場所:zoom オンライン(筑波大学宇宙史研究センター主催)







ニュートリノの「質量」によって、質量固有状態(m<sub>1</sub>,m<sub>2</sub>,m<sub>3</sub>)を持つ(v<sub>1</sub>,v<sub>2</sub>,v<sub>3</sub>)に分類可能



ニュートリノ崩壊とは、ニュートリノ が重い質量状態から軽い質量状態と 光子に崩壊する現象

・ニュートリノ崩壊光子の予想エネルギー
$$E_{\gamma}$$
  
 $E_{\gamma} = \frac{m_3^2 - m_2^2}{2m_3} \equiv \frac{\Delta m_{32}^2}{2m_3}$ 

γ (ニュートリノ崩壊光子)

| $m_1$ [meV] | $m_2$ [meV] | $m_3$ [meV] | $E_{\gamma}$ [meV] | 波長 <b>λ</b> [μm] |
|-------------|-------------|-------------|--------------------|------------------|
| 0           | 8.7         | 51          | 25                 | 50               |
| 50          | 51          | 72          | 18                 | 70               |
| 70          | 71          | 87          | 14                 | 84               |

ニュートリノ崩壊光子の波長は **λ = 50μm~85μm** の遠赤外領域に存在する。 ・ニュートリノ質量二乗差  $\Delta m_{32}{}^2 = (2.55 \pm 0.04) \times 10^{-3} \text{ eV}^2$  $\Delta m_{21}{}^2 = (7.53 \pm 0.18) \times 10^{-5} \text{ eV}^2$ 

・宇宙の密度ゆらぎの観測結果など から95%の信頼度で

m<sub>1</sub> + m<sub>2</sub> + m<sub>3</sub> < 0.23 eV を満たす。

### <u>S T J 検出器</u>



ニュートリノ崩壊光子のような超低エネルギーの光子を精度良く検出し、そのエネル ギーを高い精度で測定できる検出器として 超伝導トンネル接合素子(Superconducting Tunnel Junction : STJ)検出器に 着目した。



しかし、開発中のため性能評価が必要

ニュートリノ崩壊光子と同じエネルギー領域、波長領域の光源で実験





STJ検出器の性能評価に用いる光源として 遠赤外領域開発センターのCO<sub>2</sub>レーザー励起の遠赤外分子レーザー装置を用いた。



CO<sub>2</sub>レーザーを1次光源として、様々な種類の気体分子 (CH<sub>3</sub>OH, CD<sub>3</sub>OH, …)を励起させ、レーザー発振させる。 発振波長:40 μm~500 μmの間(*E<sub>γ</sub>* 2.5 meV~31 meV) の約70本の単色発振線から任意の一つを選択できる。 連続波発振(出力:発振波長によって数mW~百mW) 予想されるニュートリノ崩壊光子の波長50μm~85μmをカバーしている。

発振確認済み波長の遠赤外レーザー

| 試料ガ<br>ス           | 波長<br>[µm] | エネル<br>ギー<br>[meV] | 出力<br>[mW] |
|--------------------|------------|--------------------|------------|
|                    | 41.4       | 30.0               | 11         |
|                    | 43.7       | 28.4               | 9.4        |
| CD <sub>3</sub> OH | 52.9       | 23.5               | 9.2        |
| CH <sub>3</sub> OD | 57.2       | 21.7               | 72         |
| CH <sub>3</sub> OH | 70.5       | 17.6               | 23         |
|                    | 77.3       | 16.1               | 2.8        |
| Cn <sub>3</sub> On | 86.2       | 14.4               | _          |
| CD <sub>3</sub> OH | 86.4       | 14.4               | 6.8        |





レーザー光は、光の伝播方向にエネルギーが集中する指向性の強いビーム状の 電磁波である。そのようなレーザーの中でも、光軸に対して垂直な面での強度 分布がガウス分布に近いビームをガウスビームと呼ぶ。



ガウスビームはエネルギーが伝送軸付近に集中したビーム ガウスビームの伝播式

ビーム半径W(z) = 
$$W_0 \sqrt{1 + \left(\frac{\lambda z}{\pi W_0^2}\right)^2}$$
 ビーム拡がり角 $\theta_0 = \frac{\lambda}{\pi W_0}$ 



STJ検出器の性能評価を行うためには光信号に対する応答を調べることが必要 →連続波の遠赤外分子レーザーのパルス化が必要

回転ミラー



光軸上で回転ミラーを縦方向に回転させることにより、レーザーの反射波が ピンホールに不連続に照射され、パルス化できる。

### <u>本研究の目的</u>





例として、先ほどの光学系での値を代入すると

 $\frac{2.35}{4} \times \frac{2.47 \text{mm} + 0.1 \text{mm}}{1084 \text{mm} \times 2 \times 353 \text{rad/s}} = 2.0 \ \mu\text{s} \ (\text{FWHM})$ 

となり、STJ検出器の応答速度を満たす。

パルス幅を小さくするには ・ビームスポットをより小さくする ・回転ミラーからピンホールまでの距離を長くする

パルス時間幅を1µs以下に出来るよう、光学系の シミュレーションを2つのソフトを用いて行っていく。



### <u>ABCD行列を用いたビーム伝搬シミュレーション概要</u>

ABCDシミュレーションとは

- 光源を原点とし、ガウスビームが伝搬した 位置に応じてABCD行列を用いて ガウスビームのビーム直径を算出すること ができる。
- <u>集光位置がすぐにわかる。簡単!</u>
- ・軸外しの設計は行えない。
   (反射して軸の向きが変わる光学系)

ABCD行列

$$\begin{pmatrix} h_2 \\ m_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} \begin{pmatrix} h_1 \\ m_1 \end{pmatrix}$$

h : 光線のz軸からの高さ m : 光線の勾配

薄肉レンズの場合: 
$$\begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -\frac{1}{f} & 1 \end{pmatrix}$$
  
f: 焦点距離





CODE Vとは

- Synopsys社製の光学系の設計や評価を行えるプログラムである。
- 波動光学的に厳密に電磁波の伝搬の追跡が可能。
- 軸外しの光学系を設計可能。
- <u>集光位置を見つけるのに時間と手間がかかる!</u>





CODE Vでの詳細な解析を行わなくても、軸外しの光学系を ABCD行列方式でシミュレーション出来ないか考えた。

### 光学系を凹面鏡、凸面鏡、などのパーツごとに分け、 各シミュレーションソフトで解析、比較する。

ABCD行列方式に入力する凹面鏡、凸面鏡の焦点距離を補正 (実際の値とは少し違うものを入力)することで、 軸外しのシミュレーションを行えるのではないかと考えた。





ビーム半径の水平方向が最も小さくなる距離(水平方向の集光点) z = 1270.6mm ビーム半径の鉛直方向が最も小さくなる距離(鉛直方向の集光点) z = 1286.6mm







### <u>ABCD行列での水平(軸外しの)方向の集光点のシミュレーション</u>

凹面鏡

CODE Vで導き出した集光点と一致さ せるために、<mark>焦点距離f(=304.8mm)</mark> の値をABCD行列方式上で補正をした。

ビーム半径の水平方向が最も小さ くなる位置、つまりは水平方向の 集光点では右の表のようになった。

| 入射角  | ABCD行列<br>方式での          | ABCD行列 CODE V での<br>方式での 集光位置 |               | ABCD行列方式での<br>集光位置 |               |
|------|-------------------------|-------------------------------|---------------|--------------------|---------------|
| θ(°) | 焦点距離<br><i>f ′</i> (mm) | 距離<br>z(mm)                   | ビーム<br>半径(mm) | 距離<br>z(mm)        | ビーム<br>半径(mm) |
| 0    | 304.8                   | 1276.6                        | 1.19          | 1276. 6            | 1.19          |
| 5    | 303                     | 1274. 9                       | 1.18          | 1274. 9            | 1. 18         |
| 10   | 300                     | 1270. 6                       | 1.17          | 1270. 6            | 1.17          |
| 15   | 294                     | 1260. 6                       | 1.14          | 1260. 6            | 1.14          |
| 20   | 285                     | 1248. 7                       | 1.10          | 1248. 7            | 1.10          |
| 30   | 264                     | 1216.8                        | 0.999         | 1216. 8            | 0. 999        |



ABCD行列方式で変化させた焦点距 離f'をグラフにプロットした。 これにフィットする関数を調べた ところ、

焦点距離*f×cosθ* であることがわかった。

### <u>ABCD行列での鉛直(軸外しでない)方向の集光点のシミュレーション</u>



#### 凹面鏡

- CODE Vで導き出した集光点と一致さ せるために、<mark>焦点距離f(=304.8mm)</mark> の値をABCD行列方式上で補正をした。
- ビーム半径の鉛直方向が最も小さ くなる位置、つまりは鉛直方向の 集光点では右の表のようになった。

- ABCD行列方式で変化させた焦点距離f'をグラフにプロットした。 これにフィットする関数を調べた ところ、
- 焦点距離*f÷cos θ* であることがわかった。

| 入射角  | ABCD行列<br>方式での | ABCD行列 CODE V での<br>方式での 集光位置 |               | ABCD行列方式での<br>集光位置 |               |
|------|----------------|-------------------------------|---------------|--------------------|---------------|
| θ(°) | 焦点距離<br>f'(mm) | 距離<br>z(mm)                   | ビーム<br>半径(mm) | 距離<br>z(mm)        | ビーム<br>半径(mm) |
| 0    | 304. 8         | 1276.6                        | 1.19          | 1276.6             | 1.19          |
| 5    | 304. 8         | 1276. 6                       | 1.19          | 1276.6             | 1.19          |
| 10   | 310            | 1286. 6                       | 1. 21         | 1286.6             | 1.21          |
| 15   | 317            | 1296. 6                       | 1. 24         | 1296.6             | 1. 24         |
| 20   | 325            | 1306.6                        | 1. 29         | 1306.6             | 1. 29         |
| 30   | 351            | 1346.6                        | 1. 42         | 1346.6             | 1. 42         |





水平(軸外しの)方向のシミュレーション



凸面鏡

CODE Vを用いてシミュレーションを行い、 z =1200mmの位置での水平方向のビーム半 径の角度変化を表にした。

| <b>入</b> 射角θ(°) | CODE Vの<br>ビーム半径(mm) |
|-----------------|----------------------|
| 0               | 41.3                 |
| 5               | 41. 4                |
| 10              | 44. 1                |
| 15              | 51.4                 |

次に、CODE Vを用いて求めたビーム半径と一致するように、ABCD行列方 式を用いて焦点距離fの値を補正して表とグラフにした。



| <b>入</b> 射角<br><i>θ</i> (°) | <mark>焦点</mark> 距離<br>f'(mm) | ABCD行列の<br>ビーム半径<br>(mm) |
|-----------------------------|------------------------------|--------------------------|
| 0                           | -50                          | 41.3                     |
| 5                           | -49. 7                       | 41.4                     |
| 10                          | -46. 1                       | 44. 1                    |
| 15                          | -38.6                        | 51.4                     |

横軸0≤θ≤8°の部分はf'=f×cos(aθ) の関数で、a =0.0277±0.00125 でフィッティングが出来た。

横軸8≤θ≤15°の部分はf'=bθ+cの関数で b =-1.47±0.0307 c =605±0.360でフィッティングが出来た。



#### 凸面鏡

CODE Vを用いてシミュレーションを行い、
 z =1200mmの位置での鉛直方向のビーム半
 径の角度変化を表にした。

| 入射角 $\theta$ (° | )  | CODE Vの<br>ビーム半径(mm) |
|-----------------|----|----------------------|
|                 | 0  | 41.3                 |
|                 | 5  | 41. 1                |
|                 | 10 | 40. 9                |
|                 | 15 | 41. 5                |

次に、CODE Vを用いて求めたビーム半径と一致するように、ABCD行列方 式を用いて焦点距離fの値を補正して表とグラフにした。



水平方向の結果に比べると変化がかなり小さく、実際の焦点距離を用いて ABCD行列方式のシミュレーションを行えるのではないかと考えられる。





凹面鏡 凸面鏡 CODE V、補正を加えたABCD行列方式、補正を加えていないABCD行列方式の シミュレーションを行い、集光位置での鉛直方向のビーム半径の変化を縦 軸に、凹面鏡からの距離を横軸にグラフを作成した。

CODE VとABCD行列方式(補正ありと補正なし)



CODE Vと補正を加えたABCD行列方式では、収束位置としては約80mmズレて いるが、ビーム半径はほぼ同じであった。→パルス時間幅もほぼ同じ



回面鏡 ひしてい、桶圧を加えたADD11列方式、桶圧を加えていないADD11列方式の シミュレーションを行い、集光位置での鉛直方向のビーム半径の変化を縦 凸面鏡 軸に、凹面鏡からの距離を横軸にグラフを作成した。

CODE VとABCD行列方式(補正ありと補正なし)



CODE Vと補正を加えたABCD行列方式では、収束位置としては約80mmズレて いるが、ビーム半径はほぼ同じであった。→パルス時間幅もほぼ同じ



パルス時間幅

回転ミラーを用いてのパルス時間幅は、以前述べたように下の式で求められる。  $3.35 \times (F)$ 、ホールの位置でのビーム直径 レスリット幅 0.1mm

#### シミュレーションを行った複合型の光学系での値を代入すると

$$\frac{2.35}{4} \times \frac{1.972 \text{mm} + 0.1 \text{mm}}{1090 \text{mm} \times 2 \times 353 \text{rad/s}} = 1.6 \,\mu\text{s} \,(\text{FWHM})$$

となり、STJ検出器の応答速度を満たす。





<u>まとめ</u>

- ・凹面鏡においては、水平方向では実際の焦点距離にcos θ をかける ことで、鉛直方向では、焦点距離をcos θ でわることで、ABCD行列 方式でも軸外しのシミュレーションを行えることがわかった。
- ・凸面鏡では、鉛直方向は、実際の焦点距離を用いてABCD行列方式の シミュレーションを行えると考えられる。
- ・凹面鏡と凸面鏡を組み合わせた複合型の軸外し光学系でも、 補正を行えばABCD行列方式のシミュレーションが使える。

<u>今後の課題</u>

- ・実際に実験を行い、集光位置やビーム半径を比較する。
- 実際の実験で使用するホルダーの枠がビームと干渉しないことを 確認した上で入射角を再検討する。
   (CODE Vの中にホルダーの枠を定義する)







エドモンドオプティクス キネマティックマウント 58-851 (25mm¢と25.4mm¢の両サイズに 対応) 角度微調整可



# 以下予備スライド

# COBAND(Cosmic Background Neutrino Decay Search) 実験



ニュートリノの寿命を見積もり、崩壊の確率を検討
 ・ 標準理論によると・・・6.3×10<sup>43</sup>年
 ・ LR対称理論によると・・・2.6×10<sup>20</sup>年
 →非常に長い寿命は、崩壊確率が極めて低いことを意味する
 →崩壊確率の低さを補う為、観測対象を宇宙背景ニュートリノ
 に設定



遠赤外領域の波長を持つニュートリノ崩壊光子は、水分に吸収されてしまう為、大気中の観 測は困難

→検出器を宇宙に運び、宇宙空間で観測を行う必要がある

<u>COBAND実験の今後の展望</u> 1. 2020年:ロケット実験:高度200kmで200秒程度のデータ収集を検討中 2. 2021年以降:衛星実験:検出器を衛星に搭載し、100日程度のデータ収集を検討中





COBAND実験(Cosmic Background Neutrino Decay Search)とは、未だ値の判明 していないニュートリノの質量を決定することをを目的として、宇宙背景放射 と同様に宇宙初期に生成され、宇宙空間に一様に存在すると予言されている 「宇宙背景ニュートリノ」の崩壊探索を行う計画である。

|      | 第1世代     | 第2世代           | 第3世代                 |   |
|------|----------|----------------|----------------------|---|
|      | アップ<br>u | チャーム<br>c      | トップ<br>t             | ・フェルミ統計に従う素粒子                                       |
| 97-9 | ダウン<br>d | ストレンジ<br>s     | ボトム<br>b             | <ul> <li>他の物質と相互作用をしな</li> <li>いため検出が難しい</li> </ul> |
|      | 電子       | ミュー            | タウ<br>               |   |
| レプトン |          | ν <sub>μ</sub> | ν <sub>τ</sub>       | <ul> <li>・三種類のフレーバーが存在<br/>する(電子、ミュー、タウ)</li> </ul> |
|      | 電子       | ミューオン          | タウ<br><sub>エ</sub> ー |   |

宇宙背景ニュートリノ ビッグバンの1秒後に自由になり,現在の宇宙空間に1.9Kの温度 で一様に1cm<sup>3</sup>あたり110個存在する。

### <u>COBAND</u>



宇宙背景ニュートリノ:

- ▶ ビッグバンによって宇宙が生まれたとき、光子や電子やクォークなどと共に大量に生成されたはず。
- ▶ 今でも大量に宇宙を飛び交っている(約100個/cm<sup>3</sup>)と考えられているが、未発見。



<u>ニュートリノ振動</u>

ニュートリノの種類(フレーバー)が、時間とともに 移り変わる現象 ( $v_e \leftrightarrow v_\mu \leftrightarrow v_\tau$ )

運動量pが一定の $\nu_{\mu}$ ビーム: 質量 $m_1, m_2, m_3$ が異なれば、 ⇒ $\nu_{\mu}$ を構成する $\nu_1, \nu_2, \nu_3$ のエネルギー $E_1, E_2, E_3$ が異なる。

⇒ $\nu_1$ ,  $\nu_2$ ,  $\nu_3$ の波動関数が、異なる振動数で時間発展( $\propto e^{-iE_it}$ )をする。

 $\Rightarrow \nu_{\mu} \sigma i c \left[ \begin{array}{c} \neg v_{\mu} \\ \nu_{\mu} \\ + \nu_{e} \\ \nu_{\tau} \end{array} \right] = \begin{pmatrix} U_{e1} & U_{e2} & U_{e3} \\ U_{\mu 1} & U_{\mu 2} & U_{\mu 3} \\ U_{\tau 1} & U_{\tau 2} & U_{\tau 3} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \nu_{1} \\ \nu_{2} \\ \nu_{3} \end{pmatrix}$ 

⇒ 理論では、ニュートリノ振動は質量の二乗差 $m_i^2 - m_j^2$ の関数。

Kamiokaなどのニュートリノ振動実験で測定されたニュートリノの質量の二乗差:  $\Delta m_{21}^2 = m_2^2 - m_1^2 = 7.53 \times 10^{-5} \text{eV}^2$   $\Delta m_{32}^2 = m_3^2 - m_2^2 = 2.51 \times 10^{-3} \text{eV}^2$  また、宇宙の質量分布の平坦さの観測から  $m_1 + m_2 + m_3 < 0.23 \text{ eV}$  (字宙のニュートリノ密度分布は比較的平坦なので、 ニュートリノの質量の大小が宇宙の質量分布の平坦さに関係する。)





静止系におけるニュートリノ崩壊モデル(2体崩壊)

光子のエネルギー*E*<sub>γ</sub>と運動量*P*<sub>γ</sub>

|                     | $E_{\gamma} = h\nu$   | $P_{\gamma} = \frac{E_{\gamma}}{c} \left( = h \frac{\nu}{c} \right)$ |
|---------------------|---|--|
| 速度 $V$ 、質量 $m_2$ の二 | ニュートリノのエネ   | ネルギー $E_{\nu}$ と運動量 $P_{\nu}$  |
|                     | $E_{\nu} = \frac{m_2 c^2}{\left(1 - \left(V\right)^2\right)}$ | $P_{\nu} = \frac{m_2 V}{\left(1 - \left(V\right)^2\right)}$          |
|                     | $\sqrt{1-(\overline{c})}$                                     | $\sqrt{1-(\overline{c})}$  |

- 2体崩壊である為、エネルギー保存則と運動量保存則より •  $m_3 c^2 = E_{\gamma} + E_{\nu} \qquad 0 = P_{\gamma} - P_{\nu}$
- 各式を整理して、 *E*<sub>γ</sub>を導出 •

$$E_{\gamma} = \frac{m_3^2 - m_2^2}{2m_3}c^2$$

 (c = 1, h = 1)とする自然単位系を導入 2

$$E_{\gamma} = \frac{m_3^2 - m_2^2}{2m_3} \equiv \frac{\Delta m_{32}^2}{2m_3^2}$$

2

<u>ニュートリノ崩壊光子、宇宙背景放射(CIB)、プラ</u> ンク放射のエネルギースペクトルをシミュレーション



<u>宇宙背景ニュートリノ(CvB)崩壊光子観測のシミュレーション</u>











- ・ 焦電素子は、温度の変化に応じて、自発分極を持つセラミックの表面に帯電する電荷が 増減する為、赤外線に晒されると、温度変化率に正比例する出力電流を生成
- (a):自発分極と呼ばれる電気的偏りが、大気中のイオンにより中和され、オフセット電圧
- (b):温度変化が起こり、自発分極状態が変化する為、蓄えられている電荷量が変化し、 出力電圧も変動
- (c):(b)から温度変化が無い為、オフセット電圧に戻る
- (d):温度と自発分極状態が(a)の状態に戻ろうとする為、(b)と逆方向の電位を出力
- (e):(d)から温度変化が無い為、オフセット電圧に戻る
- → 焦電検出器は、赤外線が照射された瞬間と遮断された瞬間にのみ信号を出力





基本振動

 $(v_1, v_2, v_3)$ の量子数の組み合わせ × 回転量子数J

励起された**CO<sub>2</sub>分子は上準位(001)** から下準位(020)または(100)に落ちる







#### 平行光線を当てたときのCODE Vによるシミュレーション



平行光線の平面図

平行光線の集光位置での平面図

拡大表示したところ、平行光線の焦点の計算値とのズレはほぼなく、0.3~0.4mm ほどであったため、シミュレーションに問題がないものとして続ける。







X、Y方向ともに、CODE VとABCD行列で求めたビーム半径が最小となる レンズの距離にズレは生じなかった。







# <u>水平(軸外しの)方向のシミュレーション</u>





CODE V、補正を加えたABCD行列方式、補正を加えていないABCD行列方式 のシミュレーションを行い、集光位置での水方向のビーム半径の変化を 縦軸に、凹面鏡からの距離を横軸にグラフを作成した。

CODE VとABCD行列方式(補正ありと補正なし)



CODE Vと補正を加えたABCD行列方式では、収束位置としては約70mmのズレがあり、ビーム半径は約0.3mmのズレがあった。







 ① 入射効率- ビンボール 置任 0.11mm
 ビームの水平方向の直径
 4.1mm=2.4%
 ② ファイバーに入射したビームの 伝送効率~1.6%(実測)
 結果、入射効率×伝送効率=0.038%





本研究の光学系からピンホールに到達した際のビーム直径が4.1mm ピンホールの直径が0.1mm ビームの波長 57.2µm ビームウェスト半径 3.43mm ビームパワー 50mW 中空テラヘルツファイバー伝送効率 1.6% 真空容器のフィードスルー 78% 真空容器中アルミパイプ伝送率 36.3% アルミパイプ内径11mm STJ検出器 40 µ m角  $50 \text{mW} \times 0.1/4.1 = 1.2 \text{mW}$ 1.  $2mW \times 1.6/100 \times 78/100 \times 36.3/100=5.4 \mu W$ 5. 4  $\mu$  W ×  $\frac{(0.04)^2}{(\frac{11}{2})^2 \pi}$  =9.2 × 10<sup>-2</sup> nW  $\frac{9.2 \times 10^{-2}}{h \times \frac{c}{2}}$  = 2.6 × 10<sup>10</sup> //b  $2.6 \times 10^{10}$ 個/s× 2×10<sup>-6</sup>s×0.1 = 5.2×10<sup>3</sup>個 空気中の水分